

1. Két kockával addig dobunk, míg mindkét kockán hatost nem kapunk. Adjuk meg a szükséges dobások számának generátorfüggvényét.
2. X, Y független, p , illetve q paraméterű Pascal-eloszlású valószínűségi változók. Határozzuk meg $Z = \min(X, Y)$ generátorfüggvényét.
3. Egy kockával addig dobunk, amíg először sikerül kétszer egymás után hatost dobni. Jelölje X a szükséges dobások számát. Határozzuk meg X generátorfüggvényét, és ennek segítségével $E(X)$ -t.
4. Legyen az X valószínűségi változó generátorfüggvénye $G(s)$. Mi lesz $X + 1$ és $2X$ generátorfüggvénye?
5. Keressük meg a következő számsorozatok generátorfüggvényét:
a) $P(X \leq n)$; b) $P(X < n)$; c) $P(X \geq n)$; d) $P(X > n + 1)$; e) $P(X = 2n)$.
6. Jelölje $u(n)$ annak valószínűségét, hogy az A és \bar{A} egymás után először az $n - 1$ -edik és n -edik kísérletekben következik be. ($P(A) = p$, független kísérleteket végzünk.) Írjuk fel a generátorfüggvényt, a várható értéket és a szórásnégyzetet!
7. Valószínűségeloszlások generátorfüggvényei-e az alábbi függvények?
a) $e^{\frac{z-1}{\lambda}}$, ha $\lambda > 0$; b) $\frac{(z+1)^2}{64}$; c) $\frac{2}{2-z}$; d) $\frac{2}{1+z}$.
8. Egy választáson az A jelölt a , a B jelölt b szavazatot kapott. Mennyi a valószínűsége, hogy a szavazatszámolás során A -nak végig több szavazata van, mint B -nek, ha a szavazók tetszőleges sorrendben érkehetnek?
9. Egy színház pénztáránál $n + m$ ember áll sorban. n embernek csak ötszáz forintosa van, m -nek csak ezerforintosa ($n \geq m$), és minden sorrend egyformán valószínű. Nyitáskor nincs pénz a pénztárban, egy jegy ötszáz forintba kerül. Mindenki egy jegyet vesz. Mennyi a valószínűsége, hogy nincs fennakadás a visszaadásban?